令和5年度 豊橋技術科学大学第3年次入学者選抜学力検査問題解答例

専門科目 (3:情報·知能工学)

[1]

(1)

| 1 | 2 |
|----------------|--------------------------------|
| $-3e^{-3x}y^2$ | $-3e^{-3x}y^2dx + 2e^{-3x}ydy$ |

| 3 | 4 |
|--------------|-------------------------|
| $-3e^{-9}+3$ | $\frac{1+\sqrt{10}}{3}$ |

(2)

| 5 | 6 |
|--|------------------------------|
| $-\frac{E_0}{m\omega^2}\cos(\omegat) + v_0t + \frac{E_0}{m\omega^2}$ | $-\frac{E_0}{m\omega} + v_0$ |

(3)

| 7 | |
|--------------|--|
| $2\sqrt{km}$ | |

(1)

関数
$$f(x,y) = e^{-3x}y^2$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial x} = -3e^{-3x}y^2 \qquad \qquad \text{※ } -3f(x,y), -3f$$
も正答とする

全微分は,
$$df = \frac{\partial f}{\partial x} dx + \frac{\partial f}{\partial y} dy = -3e^{-3x}y^2 dx + 2e^{-3x}y dy$$

$$\int_{0}^{3} \int_{0}^{3} f(x, y) dx dy = \int_{0}^{3} e^{-3x} dx \int_{0}^{3} y^{2} dy = \left[-\frac{1}{3} e^{-3x} \right]_{0}^{3} \left[\frac{1}{3} y^{3} \right]_{0}^{3}$$
$$= \left[-\frac{1}{3} e^{-9} + \frac{1}{3} \right] \left[\frac{27}{3} - 0 \right] = -3e^{-9} + 3$$

ラグランジュの未定乗数をんとおく。

$$g(x, y, \lambda) = f(x, y) - \lambda(x^2 - y^2 - 1) = e^{-3x}y^2 - \lambda(x^2 - y^2 - 1)$$

に対して以下の連立方程式を解く。

$$\frac{\partial g}{\partial x} = -3e^{-3x}y^2 - 2x\lambda = 0$$

$$\frac{\partial g}{\partial v} = 2e^{-3x}y + 2y\lambda = 0$$

$$\frac{\partial g}{\partial \lambda} = -(x^2 - y^2 - 1) = 0$$

①にy, ②にxを掛けて辺々を足して λ を消去すると

$$-3e^{-3x}y^3 + 2xe^{-3x}y = 0$$

③より
$$y^2 = x^2 - 1$$
 であるから、 $-3x^2 + 2x + 3 = 0$

$$x > 0$$
, $y > 0$, $y^2 = x^2 - 1$ より $x > 1$ であるので, $x = \frac{1 + \sqrt{10}}{3}$

このとき
$$y = \frac{\sqrt{2 + 2\sqrt{10}}}{3}$$
 であり、極値は $f\left(\frac{1 + \sqrt{10}}{3}, \frac{\sqrt{2 + 2\sqrt{10}}}{3}\right) = \frac{2}{9}\left(1 + \sqrt{10}\right)e^{-1-\sqrt{10}}$

$$\lim_{(x\to 1+0,y\to +0)} f(x,y) = 0, \quad \lim_{(x,y)\to (\infty,\infty)} f(x,y) = \lim_{x\to \infty} e^{-3x} (x^2 - 1) = 0$$

ゆえに
$$f(x,y)$$
 は $x = \frac{1+\sqrt{10}}{3}$ にて最大値をとる。

(2)

$$x''(t) = \frac{E_0}{m} \cos(\omega t)$$

両辺をtで2回積分する。x(0) = 0, $x'(0) = v_0$ であるから,

$$x'(t) = \frac{E_0}{m \,\omega} \sin(\omega t) + v_0$$

$$x(t) = -\frac{E_0}{m\omega^2}\cos(\omega t) + v_0 t + \frac{E_0}{m\omega^2}$$

$$m>0, E_0>0, \omega>0$$
 であるから、 $x'(t)$ の最小値は $-\frac{E_0}{m\omega}+v_0$

(3)

微分方程式を次のように変形する。

$$x''(t) + \frac{R}{m}x'(t) + \frac{k}{m}x(t) = 0$$

このとき特性方程式は

$$s^2 + \frac{R}{m}s + \frac{k}{m} = 0$$

であり,

$$s = \frac{1}{2} \left(-\frac{R}{m} \pm \sqrt{\left(\frac{R}{m}\right)^2 - \frac{4k}{m}} \right)$$

となる。特性方程式が共役な虚数解をもつ条件は

$$\left(\frac{R}{m}\right)^2 - \frac{4k}{m} < 0$$

$$R > 0$$
 であるから, $R < 2\sqrt{km}$

[2]

(1)

| A | В | С |
|---|---|---|
| | | |
| 1 | i | 1 |

(2)

| D | Е | F |
|----------|---|---|
| bit >> 1 | | |
| または | 2 | 1 |
| bit / 2 | | |

| G | Н |
|---|-------------------------|
| 3 | 21og ₂ (b+1) |

または

| F | G |
|---|---|
| 3 | 1 |

(3)

| I | J |
|---|---|
| 1 | |
| 1 | 1 |

(1)

ア. 真理値表をもとにカルノー図の空欄を埋めると以下のようになる。

| c d a b | 0 0 | 0 1 | 1 1 | 10 |
|------------|-----|-----|-----|----|
| 0 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 11 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 1 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

イ. カルノー図より、以下の最小積和形が得られる。

| cd | 00 01 | | 11 | 10 | |
|-----|-------|-----|----|----|--|
| 0 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | |
| 0 1 | 1 | 1) | 0 | 0 | |
| 1 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | |
| 10 | 0 | 0 | 1 | 1 | |

 $f = ac + \bar{a}\bar{c}$

ウ.

| | 1 | オ | 2 | .+ | 3 | , | 4 | セ |
|----------|-------|-------|---|---------------|---|--------------|---|---|
| こしょうは個島で | - → | · ~ ~ | | . | · | L) , | | |

| ~ / / | / 1 1 1 0 | | - , | 2000 | | | 0 | |
|-------|-----------|---|-----|------|---|---|---|---|
| | 1 | ォ | 2 | + | 3 | セ | 4 | ス |

(2)

ア. 出力 f_t を入力 f_{t-1} , a_t , b_t の関係を真理値表で表すと以下のようになる。

| f_{i-1} | a, | b_t | f_t |
|-----------|----|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 0 |

真理値表より、出力 f_t を入力 f_{t-1} 、 a_t 、 b_t の主加法標準形で表すと次のようになる。

$$f_t = \bar{f}_{t-1}\bar{a}_t\bar{b}_t + \bar{f}_{t-1}a_t\bar{b}_t + \bar{f}_{t-1}a_tb_t + f_{t-1}a_t\bar{b}_t$$

イ. カルノー図を書くと以下のようになる。

| f_{t-1} $a_t b_t$ | f_{t-1} 00 | | 11 | 10 | |
|---------------------|--------------|---|----|------------|--|
| 0 | 1 | 0 | | (1) | |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | |

カルノー図より、出力 f_t を入力 f_{t-1} 、 a_t 、 b_t の最小積和形で表すと次のようになる。

$$f_t = \bar{f}_{t-1}a_t + \bar{f}_{t-1}\bar{b}_t + a_t\bar{b}_t$$

ウ. F = 010

| t | 3 | 2 | 1 | 0 |
|------------------|---|---|---|---|
| $f_{\mathbf{t}}$ | 0 | 1 | 0 | 0 |
| a_t | 0 | 1 | 0 | |
| b_t | 0 | 1 | 1 | |

エ. $f_0=0$ であるから $f_1=0$ となるのは、 $(a_1,b_1)=(0,1)$ のときだけである。さらに、 $f_1=0$ のときに、 $f_2=1$ となるのは、 $(a_2,b_2)=(0,0)$ 、(1,0)、(1,1)の3通りである。最後に、 $f_2=1$ のときに、 $f_3=1$ となるのは、 $(a_3,b_3)=(1,0)$ のときだけであるから、入力信号A,Bの組み合わせは、以下の3通りとなる。

$$(A,B) = (100,001), (110,001), (110,011)$$